

# МАГНИТОСОПРОТИВЛЕНИЕ ГРАНУЛЯРНОГО ФЕРРОМАГНИТНОГО МЕТАЛЛА С НЕСФЕРИЧЕСКИМИ ГРАНУЛАМИ

*Е. З. Мейлихов\**

*Российский научный центр «Курчатовский институт»  
123182, Москва, Россия*

*Б. Раке\*\*, Х. Работо\*\**

*Laboratoire de Physique de la Matiere Condensee de Toulouse  
31077 Toulouse, France*

Поступила в редакцию 31 октября 2000 г.

Экспериментально установлено, что магнитосопротивление нанокompозита  $\text{Fe}_x(\text{SiO}_2)_{1-x}$  ( $x \approx 0.6$ ) есть логарифмическая функция сильного магнитного поля. Такая полевая зависимость не согласуется с известной теорией гигантского магнитосопротивления ферромагнитных нанокompозитов. Предлагается модель, которая объясняет необычное поведение магнитосопротивления несферичностью гранул нанокompозита и широким разнообразием их форм. Экспериментальные результаты согласуются с выводами и предсказаниями этой модели.

PACS: 75.50.Kj, 75.50.Tt, 75.60.Ej

## 1. ВВЕДЕНИЕ

В настоящей работе исследуется гигантское магнитосопротивление нанокompозита  $\text{Fe}_x(\text{SiO}_2)_{1-x}$  с  $x \approx 0.6$  (что соответствует металлической стороне перколяционного перехода металл–диэлектрик), который представляет собой гранулярный ферромагнитный металл в диэлектрической матрице. Наши эксперименты показывают, что в достаточно сильных магнитных полях сопротивление такой системы логарифмически зависит от магнитного поля. Такая зависимость не согласуется с известной теорией гигантского магнитосопротивления ферромагнитных нанокompозитов [1, 2]. Мы связываем это расхождение с тем, что «традиционная» теория относится к системам, состоящим из сферических гранул, в то время как реальные нанокompозиты представляют собой, как правило, систему несферических гранул. Более того, это — гранулы с различной степенью несферичности: от сильно вытянутых до сильно сплюснутых. В работе гигантское магнитосопротив-

ление таких систем исследуется в рамках простой модели, которая связывает необычную квазилогарифмическую полевую зависимость сопротивления с широким разбросом форм несферических гранул нанокompозита.

## 2. ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Изучались тонкие пленки  $\text{Fe}_x(\text{SiO}_2)_{1-x}$  с  $x \approx 0.6$  толщиной около 0.4 мкм. Они получались методом ионного распыления мозаичной мишени, состоящей из «таблеток» Fe и  $\text{SiO}_2$ , в вакууме. Объемное содержание  $x$  железа в пленке контролировалось с помощью рентгеновского микроанализа. Измеренный диаметр Fe-гранул пленки варьировался в пределах 2–20 нм.

Относительное магнитосопротивление  $\Delta R/R$  пленки ( $R$  — ее сопротивление при данной температуре в нулевом магнитном поле,  $\Delta R$  — изменение сопротивления в поле  $B$ ) измерялось в диапазоне температур 4.2–300 К в «длинных» (длительностью около 0.1 с) импульсных магнитных полях до 20 Тл.

На рис. 1 представлены экспериментальные зави-

\*E-mail: meilikhov@imp.kiae.ru

\*\*B. Raquet, H. Rakoto.

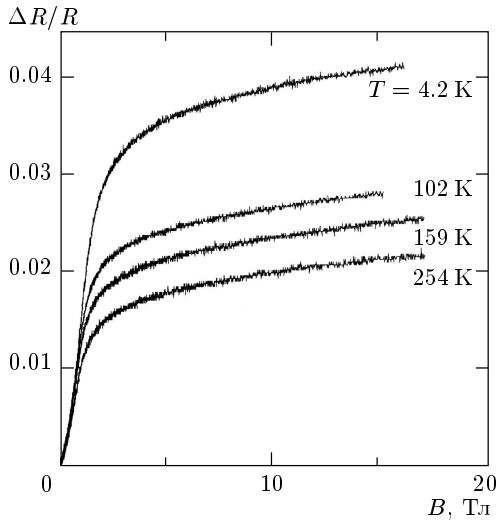


Рис. 1. Полевые зависимости магнитосопротивления нанокompозита  $Fe_x(SiO_2)_{1-x}$  ( $x \approx 0.6$ ) при различных температурах

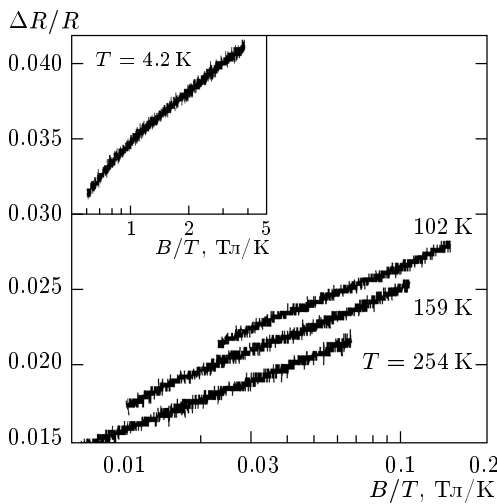


Рис. 2. Высокополевые зависимости магнитосопротивления нанокompозита  $Fe_x(SiO_2)_{1-x}$  ( $x \approx 0.6$ ) при различных температурах в логарифмическом масштабе

симости магнитосопротивления нанокompозита при различных температурах, а на рис. 2 высокополевые части этих зависимостей представлены в логарифмическом масштабе как функции «эффективного» магнитного поля  $B/T$ . Видно, что в области высоких полей сопротивление логарифмически зависит от магнитного поля.

### 3. МАГНИТОСОПРОТИВЛЕНИЕ НАНОКОМПОЗИТА С НЕСФЕРИЧЕСКИМИ ГРАНУЛАМИ

Проводимость гранулярных металлов (нанокompозитов) и их гигантское магнитосопротивление (в случае ферромагнитных металлов) определяются туннелированием электронов между гранулами [1, 2]. Однако в реальной системе, состоящей из гранул различного размера, наиболее существенный вклад в проводимость дают лишь гранулы, размер которых близок к «оптимальному» [3, 4]. Для нанокompозита, состоящего из сферических гранул, такой оптимальный размер определяется конкуренцией между (присущей реальным системам) повышенной концентрацией гранул малого размера и пониженной вследствие кулоновских эффектов степенью их ионизации. Оптимальный размер гранул выражается соотношением [3]

$$a_{opt}(T) \approx a_0 \left(\frac{x}{4\pi}\right)^{1/2} \frac{\lambda}{a_0} \left(\frac{T}{T_0}\right)^{-5/9}, \quad (1)$$

где  $kT_0 \approx (e^2/\epsilon a_0)(a_0/\lambda)^{3/2} x^{-1/2} [1 - (x/x_c)^{1/3}]$ ,  $a_0$  — средний размер гранул,  $\lambda$  — электронная длина волны в диэлектрической фазе,  $\epsilon$  — диэлектрическая постоянная,  $x$  — объемное содержание металлической фазы и  $x_c$  — перколяционный порог. Кондактанс  $G(T)$  системы определяется «оптимальным кластером», состоящим из гранул оптимального размера  $a_{opt}(T)$  и перестраивающимся при изменении температуры.

Изменение сопротивления рассматриваемой системы в магнитном поле  $B$  связано с магнитополевой зависимостью вероятности туннельных переходов между спонтанно намагниченными однодоменными (в силу своих малых размеров) гранулами. Относительное магнитосопротивление  $\Delta R(B, T)/R = [G(0, T) - G(B, T)]/G(0, T)$  равно [4]

$$\frac{\Delta R(B, T)}{R} = P^2 \langle \cos \gamma \rangle^2, \quad (2)$$

где  $P$  — поляризация электронных спинов в ферромагнитной грануле,  $\gamma$  — углы между внешним магнитным полем и магнитными моментами гранул. Усреднение проводится по гранулам, составляющим оптимальный кластер. Таким образом, расчет магнитосопротивления сводится к вычислению усредненного (по этому кластеру) значения  $\langle \cos \gamma \rangle$ .

В реальной системе, однако, гранулы, вообще говоря, несферичны. Это означает, что не все значения углов  $\gamma_1$  одинаково вероятны и усредненное (по

времени) значение  $\overline{\cos \gamma_1}$  для какой-либо несферической гранулы определяется ее магнитной (или геометрической) анизотропией и внешним магнитным полем [5]. Для эллипсоидальной гранулы с большим (по сравнению с магнетонем Бора) магнитным моментом

$$\overline{\cos \gamma_1} = \int \exp\left(-\frac{W_A + W_B}{kT}\right) \times \cos \gamma_1 d\Omega \Big/ \int \exp\left(-\frac{W_A + W_B}{kT}\right) d\Omega, \quad (3)$$

где  $d\Omega = \sin \gamma_1 d\gamma_1 d\phi$  — телесный угол,  $\phi$  — азимутальный угол магнитного момента гранулы ( $\cos \phi = [\cos \theta - \cos \gamma_1 \cos \beta] / \sin \gamma_1 \sin \beta$ ),  $\theta$  и  $\beta$  — соответственно углы между большой осью гранулы и направлениями ее магнитного момента и внешнего магнитного поля). В (3)  $W_A = (1/2)VI_s^2 \sin^2 \theta$  — энергия магнитной анизотропии, явно не зависящая от магнитного поля,  $W_B = -I_s VB \cos \gamma_1$  — зеемановская энергия, зависящая только от угла  $\gamma_1$ ,  $I_s$  — намагниченность насыщения материала гранул. В сильных магнитных полях  $|W_B| \gg W_A$  и, следовательно,

$$\overline{\cos \gamma_1} = \text{cth } h - 1/h \equiv L(h), \quad (4)$$

где  $h = I_s VB/kT$ . Это соответствует известной модели Ланжевена.

Если бы оптимальный кластер состоял из сферических гранул оптимального размера  $a_{opt}$ , то фигурирующий в (4) объем  $V$  был бы одинаков для всех гранул и равен  $V = V_{opt} = (4\pi/3)a_{opt}^3(T) \propto T^{-5/3}$ . В этом случае  $\langle \cos \gamma \rangle = \overline{\cos \gamma_1} = L(h_{opt})$ , где  $h_{opt} = I_s BV_{opt}/kT \propto T^{-8/3}$ . Ясно, что даже в этом случае температурная зависимость магнитного момента оптимального кластера (который пропорционален  $\langle \cos \gamma \rangle$ ) не описывается ланжевеновской моделью (в которой  $h \propto 1/T$ ).

В системе, состоящей из несферических (эллипсоидальных) гранул, ситуация еще более усложняется. Фактически оптимальный размер гранул определяется двумя обстоятельствами [3]: 1) зависимостью концентрации заряженных гранул от их емкости  $C$  (которая для сферических гранул совпадает с их характерным размером — радиусом) и 2) зависимостью среднего (туннельного) расстояния между гранулами с одинаковой емкостью  $C$  от их концентрации. Гранула в виде эллипсоида вращения имеет два характерных размера —  $a$  и  $b$  — представляющих соответственно длины ее длинной и короткой осей. Какой из этих двух размеров существен с точки зрения рассматриваемой проблемы? Известно, что емкость эллипсоидальной гранулы с большим разме-

ром  $a$  слабо зависит от ее меньшего размера  $b$ : для вытянутого эллипсоида вращения

$$C = \frac{(a^2 - b^2)^{1/2}}{\text{Arch}(a/b)} \approx \frac{a}{\ln(2a/b)},$$

а для сплющенного —

$$C = \frac{(a^2 - b^2)^{1/2}}{\arccos(a/b)}$$

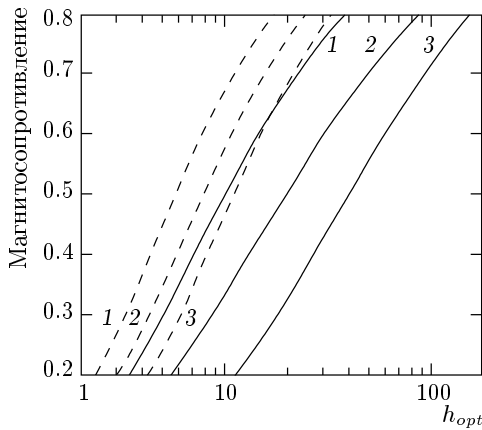
(т. е.  $2/\pi < C/a < 1$ ) [6]. Это означает, что единственным существенным размером гранул является их больший размер, и все гранулы с большим размером  $a$ , близким к  $a_{opt}$ , являются оптимальными. Поэтому оптимальный кластер состоит из гранул, объемы которых заключены в интервале  $V_{min} < V < V_{opt}$ , где  $V_{opt} = (4\pi/3)a_{opt}^3$  и  $V_{min} = (b_{min}/a_{opt})^2 V_{opt}$  (для вытянутых эллипсоидов) или  $V_{min} = (b_{min}/a_{opt}) V_{opt}$  (для сплюснутых эллипсоидов),  $b_{min}/a_{opt}$  — минимальное (для данного нанокompозита) значение отношения соответствующих размеров гранул, которое характеризует их максимальную вытянутость или сплюснутость. Если  $b_{min}/a_{opt} \sim 0.1$ , то оптимальный кластер включает гранулы, объемы которых различаются приблизительно в 100 раз! В этом случае, естественно,  $\langle \cos \gamma \rangle \neq \overline{\cos \gamma_1}$ , и усреднение следует проводить по всем гранулам оптимального кластера. Пусть  $f_b(b)$  — функция распределения меньших размеров гранул, а  $x_0$  — объемная доля вытянутых гранул. Тогда

$$\langle \cos \gamma \rangle = \int_{b=b_{min}}^{b=a_{opt}} \left\{ (1-x_0)L\left(\frac{ab^2}{a_{opt}^3}h_{opt}\right) + x_0L\left(\frac{a^2b}{a_{opt}^3}h_{opt}\right) \right\} f_b(b)db = F(h_{opt}), \quad (5)$$

$$F(h_{opt}) = \int_{z_{min}}^1 [(1-x_0)L(h_{opt}z^2) + x_0L(h_{opt}z)] f_z(z)dz,$$

где введена функция  $f_z(z)$  распределения гранул по параметру  $z \equiv b/a_{opt}$  ( $0 < z < 1$ ,  $z_{min} = b_{min}/a_{opt}$ ).

Функция распределения  $f_z(z)$ , скорее всего, зависит от метода получения нанокompозита. Это в равной степени относится и к соотношению между числом вытянутых и сплюснутых гранул, которое мы определили параметром  $x_0$ . В принципе соответствующую информацию можно получить с помощью электронно-микроскопического изучения рассматриваемой системы. Однако, как показывают вычисления (см. ниже), качественный вид магнитополовой зависимости сопротивления не критичен ни к

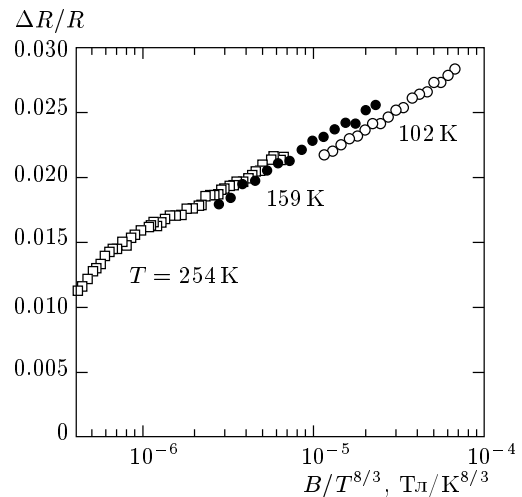


**Рис. 3.** Расчетные магнитополевые зависимости сопротивления гранулярного ферромагнитного металла с несферическими гранулами вытянутой (сплошные кривые,  $x_0 = 0$ ) и сплюсненной (штриховые кривые,  $x_0 = 1$ ) форм. Функция распределения  $f_z(z)$ : 1 — линейно возрастающая, 2 — однородная, 3 — линейно убывающая

выбору функции распределения  $f_z(z)$ , ни к величинам параметров  $z_{min} \ll 1$  и  $x_0$ . Поэтому в качестве простого приближения рассмотрим систему с однородной функцией распределения ( $f_z(z) = \text{const}$ ), состоящую только из вытянутых гранул ( $x_0 = 0$ ), т. е. систему, в которой вытянутые эллипсоидальные гранулы любой формы — от сферической ( $z = 1$ ) до иглообразной ( $z = 0$ ) — встречаются с равной вероятностью. В расчетах принято  $z_{min} = 0.1$ .

Магнитополевая зависимость сопротивления такой системы, рассчитанная с помощью соотношения (5), представлена на рис. 3 (сплошная кривая 2). Видно, что в широком диапазоне полей (в данном случае при  $5 < h_{opt} < 50$ ) полевая зависимость сопротивления близка к логарифмической. Вычисления показывают (см. рис. 3), что характер этой зависимости качественно одинаков для различных функций  $f_z(z)$  и значений  $x_0$ . Меняется лишь диапазон магнитных полей, в котором эта зависимость является квазилогарифмической.

Характерное эффективное поле для диапазона магнитных полей, в котором должна наблюдаться квазилогарифмическая полевая зависимость магнитосопротивления,  $h_{opt} \sim 20$  (см. рис. 3, сплошная линия 2 для однородной функции распределения  $f_z(z)$ ). Сравнивая эту величину со значением  $B/T \approx 3 \cdot 10^{-2}$  Тл/К, соответствующим экспериментально определенному диапазону логарифмической полевой зависимости сопротивления при температу-



**Рис. 4.** Параметрические зависимости магнитосопротивления нанокompозита  $\text{Fe}_x(\text{SiO}_2)_{1-x}$  ( $x \approx 0.6$ ) в области высоких полей

рах  $T \sim 100\text{--}250$  К (см. рис. 2), получаем оценку диаметра оптимальных гранул  $2a_{opt} \sim 20$  нм (при этом намагниченность насыщения Fe-гранул принималась равной ее значению для объемного железа,  $I_s \approx 0.2$  Тл). Это согласуется с данными электронно-микроскопического анализа изучаемых нанокompозитов<sup>1)</sup>.

Обсудим теперь температурную зависимость магнитосопротивления в области его логарифмической полевой зависимости. В рамках рассмотренной модели единственной причиной такой температурной зависимости является изменение большего размера гранул оптимального кластера: в соответствии с (1)  $a_{opt}(T) \propto T^{-5/9}$ . Это означает, что магнитосопротивление зависит только от комбинации параметров, определяющих величину  $h_{opt} \propto B/T^{8/3}$ . Иными словами, модель предсказывает наличие параметрической зависимости магнитосопротивления вида  $\Delta R/R = \Delta R(B/T^{8/3})/R$ , согласно которой любое значение относительного магнитосопротивления  $\Delta R/R$  как функция параметра  $B/T^{8/3}$  должно попадать на единую кривую. Представление экспериментальных данных в соответствующем виде (см. рис. 4) подтверждает этот теоретический вывод.

Мы показали, что модель нанокompозита с несфе-

<sup>1)</sup> Согласно (1),  $a_{opt}(T) \propto T^{-1/2}$  и, следовательно, расчетный оптимальный размер гранул при  $T = 4.2$  К составляет  $2a_{opt}(4.2 \text{ К}) \sim 100$  нм. Однако в реальной системе таких больших гранул нет. Это означает, что применять рассматриваемую модель при столь низких температурах некорректно.

рическими гранулами различной формы приводит к квазилогарифмической магнитополевой зависимости сопротивления такой системы в достаточно сильных магнитных полях. Это, очевидно, связано с большим разбросом объемов гранул, составляющих оптимальный кластер. Магнитосопротивление насыщается вместе с намагниченностью этого кластера, однако с ростом поля все большее число малых гранул начинает вносить вклад в намагниченность. Именно это постепенное вовлечение все новых гранул в намагниченность приводит к медленному (как показано, близкому к логарифмическому) насыщению намагниченности и, следовательно, магнитосопротивления системы.

Таким образом, предложенная модель приводит к качественно правильному описанию экспериментальных результатов по исследованию магнитосопротивления гранулярного ферромагнитного металла  $\text{Fe}_x(\text{SiO}_2)_{1-x}$  в сильных магнитных полях.

Работа поддержана Российским фондом фундаментальных исследований (проекты 99-02-16955 и 00-02-17191) и российско-французской программой PICS-RFBR (грант 98-02-22037).

## ЛИТЕРАТУРА

1. J. S. Helman and B. Abeles, Phys. Rev. Lett. **37**, 1429 (1976).
2. J. Inoue and S. Maekawa, Phys. Rev. B **53**, R11927 (1996).
3. Е. З. Мейлихов, ЖЭТФ **115**, 1484 (1999).
4. Е. З. Мейлихов, Письма в ЖЭТФ **69**, 579 (1999).
5. Е. З. Мейлихов, ЖЭТФ **116**, 2182 (1999).
6. Л. Д. Ландау, Е. М. Лифшиц, *Электродинамика сплошных сред*, Физматгиз, Москва (1959).